

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования Тульской области**

**Управление образования администрации города Тулы**

**МБОУ ЦО № 58 "Поколениебудущего"**

<b>РАССМОТРЕНО</b> на заседании педагогического совета Протокол № 1 от « 28 » августа 2023 г.	<b>СОГЛАСОВАНО</b> зам.директора по УВР  Голубева Н.А.  « 30 » августа 2023 г.	<b>УТВЕРЖДАЮ</b> директор  Гришина Н.В. « 01 » сентября 2023г. приказ № 288-осн.
---	---	---

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**учебного предмета «Вероятность и статистика. Углубленный уровень»  
для обучающихся 10-11 классов**

**Г. Тула, 2023**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

## **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

### **10 КЛАСС**

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

### **11 КЛАСС**

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные

характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

### **7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

#### **8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

### **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

#### **Познавательные универсальные учебные действия**

##### **Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

##### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

#### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть



способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

### **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями;

находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;

свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;

свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений;

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ  
10 КЛАСС**

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Элементы теории графов	3			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>
4	Элементы комбинаторики	4	1		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
6	Случайные величины и распределения	14	1		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodolzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodolzhenie.pdf</a>
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>34</b>	<b>2</b>		

## 11 КЛАСС

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контроль ные работы	Практические работы	
1	Закон больших чисел	5			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
2	Элементы математической статистики	6			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>
4	Распределение Пуассона	2			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
5	Связь между случайными величинами	6			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1		

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/ п	Тема урока	Количество часов			Дата изуче ния	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Конт рольн ые работ ы	Прак тичес кие работ ы		
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>	
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>	
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_1.pdf</a>	
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>	
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>	
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>	
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_2.pdf</a>	
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>	
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>	
10	Формула полной вероятности	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_3.pdf</a>	
11	Формула Байеса. Независимые события	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>	
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>	
13	Числосочетаний. Треугольник Паскаля	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>	
14	Формула бинома Ньютона	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_4.pdf</a>	
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1	1			
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>	
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>	
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>	

19	Случайный выбор из конечной совокупности	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0		
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf</a>
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_6.pdf</a>
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин	1	0		<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/10_modul_7_sluchaynye_velichiny_i_raspredeleniya_prodlzhenie.pdf</a>
30	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0		
31	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0		
32	Обобщение и систематизация знаний	1	0		
33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	1		
34	Обобщение и систематизация знаний	1	0		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2		

## 11 КЛАСС

№ п/ п	Темаурока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
3	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
4	Выборочный метод исследований	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_1_zbch.pdf</a>
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				
6	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
8	Оценивание вероятностей событий по выборке	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_2_elementy_matematicheskoy_statistiki.pdf</a>
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				
12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>

					<a href="#">velichiny_2.pdf</a>
15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_3_sluchaynye_velichiny_2.pdf</a>
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_4_raspredeleni_e_puassona_1.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_4_raspredeleni_e_puassona_1.pdf</a>
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
19	Совместные наблюдения двух величин	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
20	Выборочный коэффициент корреляции	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
21	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
22	Линейная регрессия	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/vertical">https://ptlab.mccme.ru/vertical</a>
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
25	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
28	Случайные величины и распределения	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
29	Математическое ожидание случайной величины	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
30	Математическое ожидание случайной величины	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1	1		
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1			<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>



33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
34	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1				<a href="https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf">https://ptlab.mccme.ru/system/files/private/11_klass_modul_6_povtorenie.pdf</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1			

## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА**

Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы. Учебник. Базовый и углубленный уровни. 2021.

Учебник. Алимов Ш.А. Издательство «Просвещение»

Теория вероятностей и статистика. Экспериментальное учебное пособие для 10 и 11 классов общеобразовательных учреждений / Ю. Н. Тюрин, А. А. Макаров, И. Р. Высоцкий, И. В. Яценко. — М.: МЦНМО, 2014. — 248с.

### **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

<https://ptlab.mccme.ru/vertical>

### **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

<https://ptlab.mccme.ru/vertical>

**Описание оценки предметных результатов**

1. **Список итоговых планируемых результатов с указанием этапов их формирования и способов оценки**

Этап формирования результатов/планируемый результат	Способ оценки
<b>Вероятность и статистика</b>	

<p><b>10 класс</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• читать и строить таблицы и диаграммы;</li> <li>• оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных;</li> <li>• оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности в опытах с равновозможными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах;</li> <li>• находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию, пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач;</li> <li>• оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события, находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта;</li> <li>• применять комбинаторное правило умножения при решении задач;</li> <li>• оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача, находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха, находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли;</li> <li>• оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.</li> </ul>	<p>Устный и письменный опрос</p>
<p><b>11 класс</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм;</li> <li>• оперировать понятием математического ожидания, приводить примеры, как применяется математическое ожидание случайной величины находить математическое ожидание по данному распределению;</li> <li>• иметь представление о законе больших чисел;</li> <li>• иметь представление о нормальном распределении.</li> </ul>	<p>Устный и письменный опрос</p>

## 2. Требования к выставлению отметок за промежуточную аттестацию

**Формы промежуточной и итоговой аттестации:** Промежуточная аттестация проводится в форме математических диктантов, контрольных и самостоятельных работ. текущий контроль: самостоятельная работа, проверочная работа, математический диктант, тест, опрос; тематический контроль: зачет, контрольная работа.

### **Шкала оценивания:**

#### **Критерии оценивания знаний, умений и навыков обучающихся по математике.**

(Согласно Методическому письму «Направления работы учителей математики по исполнению единых требований преподавания предмета на современном этапе развития школы»)

Для оценки достижений учащихся применяется пятибалльная система оценивания.

#### **Нормы оценки:**

##### **1. Оценка письменных контрольных работ обучающихся по математике.**

*Ответ оценивается отметкой «5», если:*

- 1) работа выполнена полностью;
- 2) в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок;
- 3) в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность, описка, которая не является следствием незнания или непонимания учебного материала).

*Отметка «4» ставится, если:*

- 1) работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умение обосновывать рассуждения не являлось специальным объектом проверки);
- 2) допущены одна ошибка или есть два – три недочёта в выкладках, рисунках, чертежах или графиках (если эти виды работ не являлись специальным объектом проверки).

*Отметка «3» ставится, если:*

- 1) допущено более одной ошибки или более двух – трех недочетов в выкладках, чертежах или графиках, но обучающийся обладает обязательными умениями по проверяемой теме.

*Отметка «2» ставится, если:*

- 1) допущены существенные ошибки, показавшие, что обучающийся не обладает обязательными умениями по данной теме в полной мере.

*Отметка «1» ставится, если:*

- 1) работа показала полное отсутствие у обучающегося обязательных знаний и умений по проверяемой теме или значительная

часть работы выполнена не самостоятельно.

Учитель может повысить отметку за оригинальный ответ на вопрос или оригинальное решение задачи, которые свидетельствуют о высоком математическом развитии обучающегося; за решение более сложной задачи или ответ на более сложный вопрос, предложенные обучающемуся дополнительно после выполнения им каких-либо других заданий.

## **2. Оценка устных ответов обучающихся по математике**

*Ответ оценивается отметкой «5», если ученик:*

- ✓ полно раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой и учебником;
- ✓ изложил материал грамотным языком, точно используя математическую терминологию и символику, в определенной логической последовательности;
- ✓ правильно выполнил рисунки, чертежи, графики, сопутствующие ответу;
- ✓ показал умение иллюстрировать теорию конкретными примерами, применять ее в новой ситуации при выполнении практического задания;
- ✓ продемонстрировал знание теории ранее изученных сопутствующих тем, сформированность и устойчивость используемых при ответе умений и навыков;
- ✓ отвечал самостоятельно, без наводящих вопросов учителя;
- ✓ возможны одна – две неточности при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, которые ученик легко исправил после замечания учителя.

*Ответ оценивается отметкой «4»,*

*если удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет один из недостатков:*

- ✓ в изложении допущены небольшие пробелы, не исказившее математическое содержание ответа;
- ✓ допущены один – два недочета при освещении основного содержания ответа, исправленные после замечания учителя;
- ✓ допущены ошибка или более двух недочетов при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, легко исправленные после замечания учителя.

*Отметка «3» ставится в следующих случаях:*

- ✓ неполно раскрыто содержание материала (содержание изложено фрагментарно, не всегда последовательно), но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для усвоения программного материала (определены «Требованиями к математической подготовке учащихся» в настоящей программе по математике);
- ✓ имелись затруднения или допущены ошибки в определении математической терминологии, чертежах, выкладках, исправленные после нескольких наводящих вопросов учителя;

- ✓ ученик не справился с применением теории в новой ситуации при выполнении практического задания, но выполнил задания обязательного уровня сложности по данной теме;
- ✓ при достаточном знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность основных умений и навыков.

*Отметка «2» ставится в следующих случаях:*

- ✓ не раскрыто основное содержание учебного материала;
- ✓ обнаружено незнание учеником большей или наиболее важной части учебного материала;
- ✓ допущены ошибки в определении понятий, при использовании математической терминологии, в рисунках, чертежах или графиках, в выкладках, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов учителя.

*Отметка «1» ставится, если:*

- ✓ ученик обнаружил полное незнание и непонимание изучаемого учебного материала или не смог ответить ни на один из поставленных вопросов по изученному материалу.

### **Итоговая оценка знаний, умений и навыков**

1. Основанием для выставления итоговой оценки знаний служат результаты наблюдений учителя за повседневной работой учеников, устного опроса, текущих и итоговых контрольных работ. Однако последним придается наибольшее значение.

2. При выставлении итоговой оценки учитывается как уровень теоретических знаний ученика, так и овладение им практическими умениями и навыками. Однако ученику не может быть выставлена положительная итоговая оценка по математике, если все или большинство его текущих обучающих и контрольных работ, а также итоговая контрольная работа оценены как неудовлетворительные, хотя его устные ответы оценивались положительно.

### **3. График контрольных мероприятий**

#### ***Вероятность и статистика (10 класс)***

Контрольная работа № 1 (15 учебная неделя)

Контрольная работа № 2 (32 учебная неделя)

#### ***Вероятность и статистика (11 класс)***

Контрольная работа (30 учебная неделя)

